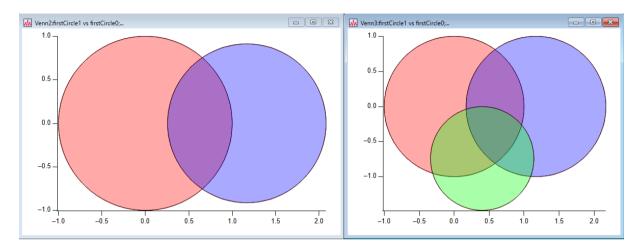
CONTENTS

サンプルの Experiment – Venn Demo	2
デモの操作手順	2
プロシージャの内容	2

サンプルの Experiment - Venn Demo

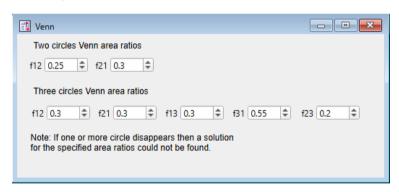
メニュー File → Example Experiments → Graphing Techniques → Venn Diagram Demo

この Experiment では、ベン図の作成方法を説明します。



デモの操作手順

デモ Experiment を開くと次のコントロールパネルが開きます。



このパネルでは、2つの円、3つの円のベン図をコントロールすることができます。

動作の詳細な説明はプロシージャ内にコメントとして書かれています。

プロシージャの内容

- // このファイルには、単純なベン図の計算および表示に使われるプロシージャが含まれています。
- // ここにはおそらく、あなたが読みたいと思うよりも多くの詳細が含まれていますが、それらはコードを
- // 拡張または変更したい方のために記載しています。
- // 詳細に興味がない場合は、以下の「2つの円ベン図」または「3つの円ベン図」に直接スキップできます。
- // 基本的な定義:
- // ========

```
// プロシージャは、重なり合った円からなる図を表示します。
// 最初の円は原点 (0,0) を中心とし、半径 R1=1 単位です。
// 第2の円は、正のx軸を中心に配置されます。
// 第3の円が必要な場合は、x軸の下に中心を配置します。
// 符号の単純な変更で、この選択が逆転する可能性があることに注意してください。
// 2 つの円からなるベン図から始めて、R1=1 と仮定し、2 つのパラメーター R2 および d
// (C1 と C2 の間の距離) を求めます。
// この計算は、wp に 4 点の数値ウェーブを渡して findDlandAlpha(a1Fraction,a2Fraction,wp)
// を使うと実行できます。
// 3 つの円からなるベン図は、原点を中心に半径 R1=1 の円 C1 を基点として作成されます。
// 第 2 の円 C2 は正の x 軸を中心に配置され、第 3 の円は x 軸の下方に中心を置いています。
// 完全に同等の解決策は、3番目の円をx軸の上方に中心を置くことです。
// 2 つの解は、3 つ目の円の中心の v 成分の符号の選択のみが異なります。
// 3 番目の円の中心を見つけるには、まず R3 と原点からの距離 C3 を求めます。
// R3 が指定されたら、Optimize を使って2 番目の円の中心からの距離を計算します。
// 2 つの距離は、x 軸の上または下で交差します。
// x 軸の下にある点を、3 番目の円の中心として選択します。
// 関数 find3CircleSolution(f12,f21,f13,f31,f23) を使って、3 つの円の半径と中心を計算する
// ことができます。
// f32 の解は他の 5 つのパラメーターで完全に指定されるため、f32 を指定する必要はありません。
// ***一部のケースでは、ここで使われているアルゴリズムが解決策を見つけることができない場合があること
// に注意してください。
// それは解が存在しないことを意味するものではありません。
// それは、このパラメーターの選択では、ルートの探索または最適化操作で解を見つけることができなかったこと
// を意味します。
// 2つの円ベン図:
// =========
// 2 つの分数を使って 2 つの円からなるベン図を表示する:
// f1=intersectionArea/(pi*R1^2)
// f2=intersectionArea/(pi*R2^2)
// そして次を使います: Venn2Graph(f1,f2)
// 3つの円ベン図:
// ========
// 分数 fij (i と j は円インデックス)を使って、3 つの円からなるベン図を表示する:
// 次を使います: Venn3Graph(f12,f21,f13,f31,f23)
// 3 つ以上の円からなる図を作成する必要がある場合:
// これはかなり複雑になる可能性があります。
// なぜなら、すべての可能な重なり組み合わせを考慮する必要があるからです。
// この実装の一つの方法は、ここに提供されているコードを使って、最初の3つの(完全に重なり合う)円を
// 描画することです。
// 追加する各円(半径 Ri のHi)に対して、そのHiと交わるHiを 1 つ以上見つけます。
// 新しい円 i と 1 つの円 (円 j など) だけが交差する場合、ここで紹介する方法を使って、Ri、Alphai、
// および dii を計算できます。
// R<sup>†</sup> と R1=1 の差を正しく考慮してください。
```

// dij と dji が与えられた場合、これらを組み合わせて円 j の中心を基準点とする弧を定義し、円 i の // 中心をその弧上にある適切な位置に選択します。この位置は、円 i 以外の何物とも交わらないようにする

// 必要があります。

```
// 一方、円_{\rm i}が_{\rm 2}つ以上の円と交わる場合、_{\rm 2}つの円(例えば_{\rm j}と_{\rm k})のみを考慮すれば十分です。
// ここでは、find3CircleSolution() 関数と同じアプローチを使います。
// ただし、j と k の中心を接続する直線を「axis jk」と呼ぶものとします。
// 一般解は、axis jk から対称的に等距離にある2つの可能な中心を導きます。
// この場合、_1 と _k だけが円 _1 と交わる _2 つの円である場合、_2 つの中心の選択は任意です。
// そうでない場合は、任意の追加の円と正しい交点を与える中心を選択する必要があります。
// ここで計算されていない数量を計算する必要がある場合:
// 円は、2 つのウェーブのペアを使って表現します。
// これらは、Igor の標準的なコマンドや関数に組み込むことができます。
constant kTolerance=0.001
// 次の関数は、円1の半径を1に正規化した2つの円の交点の解を求めます。
Function find2CircleSolution(a1Fraction,a2Fraction,outWave)
     Variable alFraction, a2Fraction
     Wave outWave
     if (WaveExists (outWave))
          outWave=Nan // 解が見つからない場合
     endif
     Make/O/D pw={{a1Fraction}, {a2Fraction}}
     // 根を見つけるために、複数の推測の配列を作成し、最終結果が実際の根に似ているかどうかを検証
     // します。
     // V flag は、実際に根が見つかったかどうかを示さないため、ほぼ無意味であることに注意して
     Make/FREE quessx={0.1,0.2,0.3,0.4,0.5,0.6,0.7,0.8,0.9}
     Variable count=0
     do
          FindRoots/q /X={guessx[count], guessx[count]} fafb, pw
          Wave W YatRoot
          MatrixOP/FREE/O ff=sum(abs(W YatRoot))
          if((V flag==0 && ff[0]<kTolerance) || count==8)</pre>
               break
          else
               count+=1
          endif
     while(1)
     if(ff[0]<kTolerance)</pre>
          Wave W root
          Variable d1=W_root[0] // <u>垂直線から最初の中心までのオフセット</u>
          Variable b=W_root[1] // これは、中心間の距離または (b)
Variable d2=b-d1 // 垂直線から2番目の中心までのオフセット
                                         // 2番目の半径
          Variable R2=sqrt(d2^2+1-d1^2)
          KillWaves/z W Root,W YatRoot
                              // 出力ウェーブにパラメーターをロード
          if(WaveExists(outWave))
               SetDimLabel 0,0,R2, outWave
               outWave[0]=R2
```

```
SetDimLabel 0,1,b, outWave
                   outWave[1]=b
                   SetDimLabel 0,2,d1, outWave
                   outWave[2]=d1
                   SetDimLabel 0,3,d2, outWave
                   outWave[3]=d2
             endif
                                       // 成功としてマーク
             return 0
      else
             doAlert 0, "Solution could not be found. Please check your parameters."
             return -1
                                       // 失敗としてマーク
      endif
End
// 3 つの円のケースの解を見つけます。
// 再び、R1=1 と仮定し、まず R2、d1、およびアルファの解を求めます。
find3CircleSolution(a12Fraction,a21Fraction,a13Fraction,a31Fraction,a23Fraction)
      Variable al2Fraction, a21Fraction, a13Fraction, a31Fraction, a23Fraction
      Make/O/N=4/FREE venSolution1
      if(find2CircleSolution(a12Fraction,a21Fraction,venSolution1) == 0)
             Variable R2=venSolution1[%R2]
             Variable d12=venSolution1[1]
                                             // C1 の中心から C2 までの距離
             // 円を定義するウェーブを作成または更新:
             compIllustrate2(1,R2,d12)
      else
             return 0
      endif
      Make/O/N=4/FREE venSolution2
      if(find2CircleSolution(a13Fraction,a31Fraction,venSolution2) == 0)
             Variable d13=venSolution2[1] // C1 の中心から C3 までの距離
      else
            return 0
      endif
      // この時点では、R1 と R3 は分かっていますが、その間の距離は不明です。
                                              // FindRoots に対するパラメーターウェーブ
      make/FREE/N=4 wp23
      Variable R3=venSolution2[%R2]
      Variable d11=venSolution1[%d1]
      wp23[0]=a23Fraction
      wp23[1]=R2
      wp23[2]=R3
      // この時点で、C2 と C3 の間の距離を探そうとします。
      Optimize/Q/L=(abs(R2-R3)+0.1)/H=(R2+R3)/T=0.001 rootFunc3, wp23
      if(V Flag==0)
             Variable d23=V minloc
             Variable xc = (d23^2 - d13^2 - d12^2) / (-2*d12)
                                                           // 円 3 の中心の x 座標
                                                    // 中心の∨座標; + または -
             Variable yc=-sqrt(d13^2-xc^2)
             compIllustrate3(xc,yc,R3)
      else
```

```
Wave/z thirdCircle
            doAlert 0, "Solution for third circle could not be found."
            if(waveExists(thirdCircle))
                   thirdCircle=nan
            endif
      endif
End
// ここでは、d のみを求めたいと考えています。
Function rootFunc3(w,d23)
Wave w
Variable d23
      Variable r2=w[1]
      Variable r3=w[2]
      Variable a=(R3^2-R2^2+d23^2)/(2*d23)
      Variable res= abs(w[0]-(acos(a/R3)*R3^2+acos((d23-a)/R2)*R2^2-d23*sqrt(R3^2-d23*sqrt)
a^2))/(pi*r2^2))
      return res
End
// 2 つの円の交点のルートを求めるユーザー関数です。
// このバージョンは Francis Dalaudier 氏によって書かれれました。
// 他の表現方法に比べて、滑らかな表面を表現する時に、ルートの探索器が処理しやすいという利点があります。
Function fafb(pw, ad, ab)
                                     // 探索された fab ; a & d (in) ; fa & fb (out)
Wave pw,ad,ab
Variable a = ad[0], d = ad[1]
                                     // [-1,1] 内の a ; d >= 0
Variable h, r, ta, tb, b, sa, sb, fa, fb
      b = (d - a)
      h = sqrt(1 - a^2)
                                     // 1^2 = a^2 + h^2
      r = sqrt(h^2 + b^2)
                                     // r^2 = b^2 + h^2
      tb = acos(b/r)
      sb = tb*r^2 - b*h
                                     // cb からの表面寄与
      ta = acos(a/1)
                                     // ca からの表面寄与
      sa = ta*1^2 - a*h
                                     // ca に対する一般的な分率
      fa = (sa + sb)/Pi
                                     // cb に対する一般的な分率
      fb = (sa + sb)/(Pi*r^2)
      ab[0] = fa - pw[0] ; ab[1] = fb - pw[1] // fa, fb に対する目標値
End
// 上記の関数と同じアプローチですが、ここでは C2 と C3 の間の距離 d を解くだけです。
Function fd2CirclesIntersectionArea(r2,r3,d)
Variable r2, r3
                              // 2 つの半径
Variable d
                              // d は a と b の和であり、2 つの中心間の距離
Variable h, ta, tb, b, sa, sb, a
                 // 関数が d=0 で検索する場合でも、NaN を回避したいと考えます
      if(d==0)
           d=1e-9
      endif
      a = r3*(r2^2-r3^3-d^2)/(-2*r3*d) // a=r3*cos(theta1) from cos() の法則
      if(a>d)
```

```
a=d
     endif
     b=d-a
     h = sgrt(r3^2 - a^2)
                                        // r3^2 = a^2 + h^2
     tb = acos(b/r2)
     sb = tb*r2^2 - b*h
                                        // c2 からの表面寄与
     ta = acos(a/r3)
                                        // ca からの表面寄与
     sa = ta*r3^2 - a*h
     return sa+sb
End
// 表示関係
constant ptsInCircle=200
// 円を示すウェーブを計算します:
Function compIllustrate2(rad1,rad2,b)
     Variable rad1, rad2, b
     // 最初の円は原点を中心に置かれているものと仮定します。
     // 201 ポイントの 2 列のウェーブを使って表示します:
     Make/O/N=(ptsInCircle+1,2) firstCircle
     Variable i, da=2*pi/ptsInCircle
     for(i=0;i<ptsInCircle;i+=1)</pre>
           firstCircle[i][0]=rad1*cos(i*da)
           firstCircle[i][1]=rad1*sin(i*da)
     endfor
     // 円を閉じます:
     firstCircle[ptsInCircle][0]=firstCircle[0][0]
     firstCircle[ptsInCircle][1]=firstCircle[0][1]
     // 2 番目の円は、d1+d2 の距離右側に中心があります:
     Variable cx=b
                                   // 3つ目を追加する準備をします
     Variable cy=0
     Make/O/N=(ptsInCircle+1,2) secondCircle
     for(i=0;i<ptsInCircle;i+=1)</pre>
           secondCircle[i][0]=cx+rad2*cos(i*da)
           secondCircle[i][1]=cy+rad2*sin(i*da)
     endfor
     // 円を閉じます:
     secondCircle[ptsInCircle][0]=secondCircle[0][0]
     secondCircle[ptsInCircle][1]=secondCircle[0][1]
End
// 円を示すウェーブを計算します:
Function compIllustrate(rad1, rad2, d1)
     Variable rad1, rad2, d1
                                       // アルファの二乗
     Variable aa2=(rad2/rad1)^2
     Variable bb2=(d1/rad1)^2
     Variable d2=rad1*sqrt(aa2-1+bb2)
     // 最初の円は原点を中心に置かれているものと仮定します。
     // 201 ポイントの 2 列のウェーブを使って表示します:
```

```
Make/O/N=(ptsInCircle+1,2) firstCircle
       Variable i, da=2*pi/ptsInCircle
       for(i=0;i<ptsInCircle;i+=1)</pre>
              firstCircle[i][0]=rad1*cos(i*da)
              firstCircle[i][1]=rad1*sin(i*da)
       endfor
       // 円を閉じます:
       firstCircle[ptsInCircle][0]=firstCircle[0][0]
       firstCircle[ptsInCircle][1]=firstCircle[0][1]
       // 2 番目の円は、d1+d2 の距離右側に中心があります:
       Variable cx=d1+d2
                                           // 3つ目を追加する準備をします
       Variable cy=0
       Make/O/N=(ptsInCircle+1,2) secondCircle
       for(i=0;i<ptsInCircle;i+=1)</pre>
              secondCircle[i][0]=cx+rad2*cos(i*da)
              secondCircle[i][1]=cy+rad2*sin(i*da)
       endfor
       // 円を閉じます:
       secondCircle[ptsInCircle][0]=secondCircle[0][0]
       secondCircle[ptsInCircle][1]=secondCircle[0][1]
End
// 3番目の円を計算して作成します:
Function compIllustrate3(xc, vc, rad3)
       Variable xc, yc, rad3
       Variable i, da=2*pi/ptsInCircle
       Make/O/N=(ptsInCircle+1,2) thirdCircle
       for(i=0;i<ptsInCircle;i+=1)</pre>
              thirdCircle[i][0]=xc+rad3*cos(i*da)
              thirdCircle[i][1]=yc+rad3*sin(i*da)
       endfor
       // 円を閉じます:
       thirdCircle[ptsInCircle][0]=thirdCircle[0][0]
       thirdCircle[ptsInCircle][1]=thirdCircle[0][1]
End
Function fillCircle(xwave, ywave, rr, gg, bb, aa, gname)
       wave xwave, ywave
       String gname
       Variable rr, gg, bb, aa
       SetDrawLayer/W=$gname ProgFront
       SetDrawEnv/W=$gname xcoord=bottom, ycoord=left, fillfgc=(rr,gg,bb,aa), fillpat=1
       DrawPoly/W=$gname xwave[0], ywave[0], 1, 1, xwave, ywave
End
Function drawVenn2(x1wave,y1wave,x2wave,y2wave,rr1,qq1,bb1,aa1,rr2,qq2,bb2,aa2)
       Wave x1wave, y1wave, x2wave, y2wave
       Variable rr1, gg1, bb1, aa1, rr2, gg2, bb2, aa2
       if(wintype("venn2")==0)
              Display/N=Venn2 y1wave vs x1wave
```

```
ModifyGraph width={Plan,1,bottom,left}
              AppendToGraph y2wave vs x2wave
       endif
       SetDrawLayer/w=venn2/k ProgFront
       fillCircle(x1wave, y1wave, rr1, gg1, bb1, aa1, "venn2")
       fillCircle(x2wave, y2wave, rr2, gg2, bb2, aa2, "venn2")
End
Function
drawVenn3(x1wave,y1wave,x2wave,y2wave,x3wave,y3wave,rr1,gg1,bb1,aa1,rr2,gg2,bb2,aa2,rr3
, gg3, bb3, aa3)
       Wave x1wave, y1wave, x2wave, y2wave, x3wave, y3wave
       Variable rr1, gg1, bb1, aa1, rr2, gg2, bb2, aa2, rr3, gg3, bb3, aa3
       if(wintype("venn3")==0)
              Display/N=Venn3 y1wave vs x1wave
              ModifyGraph width={Plan,1,bottom,left}
              AppendToGraph y2wave vs x2wave
              AppendToGraph y3wave vs x3wave
       endif
       SetDrawLayer/w=venn3/k ProgFront
       fillCircle(x1wave, y1wave, rr1, gg1, bb1, aa1, "venn3")
       fillCircle(x2wave, y2wave, rr2, gg2, bb2, aa2, "venn3")
       fillCircle(x3wave, y3wave, rr3, gg3, bb3, aa3, "venn3")
End
// 2 つの円からなるベン図を表示し、交差する領域がそれぞれ全体の円面積の分数 f1 と f2 を表すようにします。
Function Venn2Graph(f1,f2)
       Variable f1, f2
       String curDF=GetDataFolder(1)
       SetDataFolder root:
       NewDataFolder/O/S Venn2
       Make/O/N=4 ven2Solution
       if (find2CircleSolution(f1, f2, ven2Solution) == 0)
              Variable R2=ven2Solution[%R2]
              Variable b=ven2Solution[%b]
              // 円を定義するウェーブを作成または更新します:
              compIllustrate2(1,R2,b)
       endif
       Wave/Z firstCircle, secondCircle
                                          // these are 2 2D waves.
       if(WaveExists(firstCircle) && WaveExists(secondCircle))
              splitWave/O/Name="firstCircle0; firstCircle1;" firstCircle
              splitWave/O/Name="secondCircle0; secondCircle1;" secondCircle
              Wave firstCircle0, firstCircle1, secondCircle0, secondCircle1
              // 以下の2つの RGBA 値を編集して、異なる色を使用できます:
       drawVenn2(firstCircle0, firstCircle1, secondCircle0, secondCircle1, 65535, 0, 0, 22000,
0,0,65535,22000)
       else
              Wave/Z firstCircleO, secondCircleO
              if (WaveExists(firstCircle0))
                     firstCircle0=nan
              endif
```

```
secondCircle0=nan
              endif
       endif
       KillWaves/z firstCircle, secondCircle
       SetDataFolder curDF
End
// 3 つの円からなるベン図を表示し、交差する領域がそれぞれ全体の円面積の分数 f1 と f2 を表すようにします。
Function Venn3Graph (f12, f21, f13, f31, f23)
       Variable f12, f21, f13, f31, f23
       String curDF=GetDataFolder(1)
       SetDataFolder root:
       NewDataFolder/O/S Venn3
       find3CircleSolution(f12, f21, f13, f31, f23)
       Wave firstCircle, secondCircle, thirdCircle
                                                       // 3 つの 2D ウェーブです。
       if(WaveExists(firstCircle) && WaveExists(secondCircle) &&
WaveExists(thirdCircle))
              splitWave/O/Name="firstCircle0; firstCircle1;" firstCircle
              splitWave/O/Name="secondCircle0; secondCircle1;" secondCircle
              splitWave/O/Name="thirdCircle0; thirdCircle1;" thirdCircle
              Wave
firstCircle0, firstCircle1, secondCircle0, secondCircle1, thirdCircle0, thirdCircle1
       drawVenn3(firstCircle0, firstCircle1, secondCircle0, secondCircle1, thirdCircle0, thi
rdCircle1,65535,0,0,22000,0,0,65535,22000,0,65535,0,22000)
       else
                     Wave/Z firstCircleO, secondCircleO, thirdCircleO
                     if(WaveExists(firstCircle0))
                            firstCircle0=nan
                     endif
                     if (WaveExists(secondCircle0))
                            secondCircle0=nan
                     if (WaveExists(thirdCircle0))
                            thirdCircle0=nan
                     endif
       endif
       KillWaves/z firstCircle, secondCircle, thirdCircle
       SetDataFolder curDF
End
Function twoCirclesSetVarProc(sva) : SetVariableControl
       STRUCT WMSetVariableAction &sva
       switch( sva.eventCode )
             case 1: // マウスを離す
              case 2:
                          // Enter +-
                           // ライブアップデート
              case 3:
                     ControlInfo/W=venn f12setvar
                     Variable f12=V value
```

if (WaveExists(secondCircle0))

```
ControlInfo/W=venn f21setvar
                    Variable f21=V value
                    Venn2Graph (f12, f21)
                    break
                          // コントロールが Kill される
             case -1:
                    break
      endswitch
      return 0
End
Function threeCircleSetVarProc(sva) : SetVariableControl
      STRUCT WMSetVariableAction &sva
      switch( sva.eventCode )
             case 1: // マウスを離す
                           // Enter +-
             case 2:
                           // ライブアップデート
             case 3:
                    ControlInfo/W=venn f12setvar1
                    Variable f12=V value
                    ControlInfo/W=venn f21setvar1
                    Variable f21=V value
                    ControlInfo/W=venn f13setvar1
                    Variable f13=V value
                    ControlInfo/W=venn f31setvar1
                    Variable f31=V value
                    ControlInfo/W=venn f23setvar1
                    Variable f23=V value
                    Venn3Graph(f12, f21, f13, f31, f23)
                    break
                          // コントロールが Kill される
             case -1:
                    break
      endswitch
      return 0
End
Window Venn() : Panel
      PauseUpdate; Silent 1
                              // ウィンドウを構築
      NewPanel /W=(504,258,935,462) as "Venn"
      SetDrawLayer UserBack
      DrawText 22,24, "Two circles Venn area ratios"
      DrawText 22,87, "Three circles Venn area ratios"
      DrawText 18,164, "Note: If one or more circle disappears then there is no
solution ¥rfor the specified area ratios."
      SetVariable
f12SetVar,pos={17.00,33.00},size={81.00,18.00},bodyWidth=60,proc=twoCirclesSetVarProc,t
itle="f12"
      SetVariable f12SetVar,fSize=12,limits={0,1,0.05},value= NUM:0.3
      SetVariable
f21SetVar,pos={108.00,33.00},size={81.00,18.00},bodyWidth=60,proc=twoCirclesSetVarProc,
title="f21"
      SetVariable f21SetVar,fSize=12,limits={0,1,0.05},value= NUM:0.3
```

```
SetVariable
f12SetVar1,pos={20.00,99.00},size={81.00,18.00},bodyWidth=60,proc=threeCircleSetVarProc
,title="f12"
       SetVariable f12SetVar1, fSize=12, limits={0,1,0.05}, value= NUM:0.3
       SetVariable
f21SetVar1,pos={111.00,99.00},size={81.00,18.00},bodyWidth=60,proc=threeCircleSetVarPro
c,title="f21"
       SetVariable f21SetVar1, fSize=12, limits={0,1,0.05}, value= NUM:0.3
       SetVariable
f13SetVar1, pos={202.00,99.00}, size={81.00,18.00}, bodyWidth=60, proc=threeCircleSetVarPro
c,title="f13"
       SetVariable f13SetVar1, fSize=12, limits={0,1,0.05}, value= NUM:0.3
       SetVariable
f23SetVar1,pos={291.00,99.00},size={83.00,18.00},bodyWidth=60,proc=threeCircleSetVarPro
c,title="f23"
       SetVariable f23SetVar1, fSize=12, limits={0,1,0.05}, value= NUM:0.3
       Execute/Q/Z "SetWindow kwTopWin sizeLimit={46,109,inf,inf}"
       // sizeLimit は Igor 7 以降が必要
EndMacro
```